

(prvo ponavljanje)

1. S točnošću većom od 10^{-3} odredite $\cos 494^\circ$. Izračunajte ukupnu grešku. (10)

2. Opišite dijagram toka i napišite program u *Mathematica*-i za algoritam koji za zadani cijeli broj $n \geq 1$ (ulazna informacija) računa

$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt[3]{6} \cdots \sqrt{n} \quad n \text{ neparan,}$$

$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt[3]{6} \cdots \sqrt[3]{n} \quad n \text{ paran.}$$

(15)

3. Gauss-Seidelovom metodom (jednom iteracijom) odredite približno rješenje sustava

$$3x_1 + x_2 = 5$$

$$2x_1 + 6x_2 = 9.$$

Odredite pravu grešku.

(15)

4. Odredite vezu oblika $\ln y = \frac{1}{ae^x+b}$ ako je

x_k	-1	0	1
y_k	1.5	1.4	1.2

. (15)

5. Odredite trigonometrijski polinom prvog stupnja koji u smislu metode najmanjih kvadrata najbolje aproksimira funkciju $f(x) = 1 - x$, $x \in [0, 2]$. Odredite kvadratnu grešku te aproksimacije. (15)

6. Za jednadžbu $\sqrt{x} = \frac{1}{x+2}$ odredite funkciju φ s kojom se može provesti metoda iteracije. (15)

7. Newtonovom metodom (jednom iteracijom) odredite približno rješenje sustava

$$x^2 + 20x + y^2 = 1, y = 0.5x + \sin xy, \text{ uzimajući za početne vrijednosti } x_0 = y_0 = 0. \quad (15)$$

Rezultati i uvid: četvrtak (10.2.2011) u 16.00.

(prvo ponavljanje)

1. Za funkciju $f(x) = x \cdot 2^{x+1}$ poznate su vrijednosti $f(-1)$, $f(0)$ i $f(1)$. Odredite $f'(0)$:

a) Hermiteovom metodom ako je još poznato i $f'(-1)$, (15)

b) koristeći kubni splajn ako su poznate i vrijednosti $f'(-1)$ i $f'(1)$, (15)

c) numeričkim diferenciranjem. (10)

Izračunajte pravu grešku u sva tri slučaja.

2. Simpsonovom metodom s točnošću većom od 0.1 izračunajte $\int_0^\pi \cos(2x+1)dx$. Odredite pravu grešku.

(15)

3. Koristeći Laplaceovu transformaciju odredite rješenje diferencijalne jednačbe

$$2x''(t) + x'(t) - x(t) = -3, \text{ uz početne uvjete } x(0) = 4, x'(0) = -1. \quad (15)$$

4. Diferencijalnu jednačbu $y' = y(x+1)$, $y(0) = 1$ na intervalu $[0, 1]$ s korakom $h = 0.5$ približno riješite Heunovom metodom, te metodom neodređenih koeficijenata trećeg reda i ocjenite koja je metoda točnija u točki $x = 1$ (izračunajte pravu grešku). (15)

5. Koristeći shemu konačnih razlika približno riješite rubno-početni problem za parcijalnu diferencijalnu jednačbu drugog reda:

$$\begin{cases} \frac{\partial u(x,t)}{\partial t} = 4 \frac{\partial^2 u(x,t)}{\partial x^2}, & \text{za } x \in [0, 1], t \in [0, 0.03], \\ u(0,t) = 0, u(1,t) = 0, & \text{za } t \in [0, 0.03], \\ u(x,0) = x, & \text{za } x \in [0, 1]. \end{cases}$$

s $h = 0.5$ i $\tau = 0.01$. (15)

Rezultati i uvid: četvrtak (10.2.2011) u 16.00.

1. S točnošću većom od 10^{-3} odredite $\cos 494^\circ$. Izračunajte ukupnu grešku. (10)

2. Opišite dijagram toka i napišite program u *Mathematica*-i za algoritam koji za zadani cijeli broj $n \geq 1$ (ulazna informacija) računa

$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt[3]{6} \cdots \sqrt{n} \quad n \text{ neparan,}$$

$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt[3]{6} \cdots \sqrt[3]{n} \quad n \text{ paran.}$$

(15)

3. Odredite vezu oblika $\ln y = \frac{1}{ae^x+b}$ ako je

x_k	-1	0	1
y_k	1.5	1.4	1.2

(10)

4. Za jednadžbu $\sqrt{x} = \frac{1}{x+2}$ odredite funkciju φ s kojom se može provesti metoda iteracije. (10)

5. Za funkciju $f(x) = x \cdot 2^{x+1}$ poznate su vrijednosti $f(-1)$, $f(0)$ i $f(1)$. Odredite $f'(0)$:

a) Hermiteovom metodom ako je još poznato i $f'(-1)$, (10)

b) koristeći kubni splajn ako su poznate i vrijednosti $f'(-1)$ i $f'(1)$, (10)

Izračunajte pravu grešku u oba slučaja.

6. Simpsonovom metodom s točnošću većom od 0.1 izračunajte $\int_0^\pi \cos(2x+1)dx$. Odredite pravu grešku. (10)

7. Koristeći Laplaceovu transformaciju odredite rješenje diferencijalne jednadžbe

$$2x''(t) + x'(t) - x(t) = -3, \text{ uz početne uvjete } x(0) = 4, x'(0) = -1. \quad (10)$$

8. Diferencijalnu jednadžbu $y' = y(x+1)$, $y(0) = 1$ na intervalu $[0, 1]$ s korakom $h = 0.5$ približno riješite Heunovom metodom, te metodom neodređenih koeficijenata trećeg reda i ocjenite koja je metoda točnija u točki $x = 1$ (izračunajte pravu grešku). (15)

Rezultati i uvid: četvrtak (10.2.2011) u 16.00.